

Un volante cuyo diámetro es de 2.5 m tiene una velocidad angular de 100 rpm que disminuye rápidamente hasta 0 en 4 s. Calcular la velocidad angular y el número de vueltas a los 2 s de empezar a detenerse. Calcular en ese instante las aceleraciones normal, tangencial y total.

$$D = 2.5 \text{ m}$$

$$W = 100 \text{ rpm} \rightarrow 0 \text{ rpm}$$

$$t = 4 \text{ s}$$

$$a) \quad W_0 = 100 \text{ rpm} = 100 \frac{\text{rev}}{\text{min}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}} \times 2\pi \frac{\text{rad}}{\text{rev}} = \frac{10\pi}{3} \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

Para calcular la W a los 2 s de empezar a detenerse:

$$W = W_0 - \alpha t$$

Hay que calcular α . Como al final $W = 0 \text{ rad/s}$

$$0 = W_0 - \alpha t, \quad W_0 = \alpha t, \quad \alpha = \frac{W_0}{t} = \frac{10\pi/3}{4} = \frac{5\pi}{6} \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$$

La velocidad angular

$$W = \frac{10\pi}{3} - \frac{5\pi}{6} \times 2 = \frac{10\pi}{3} - \frac{5\pi}{3} = \underline{\underline{\frac{5\pi}{3} \text{ rad/s}}}$$

El espacio recorrido hasta ese momento:

$$\theta = \theta_0 + \omega_0 t - \frac{1}{2} \alpha t^2 = \frac{10\pi}{3} \times 2 - \frac{1}{2} \frac{5\pi}{6} \times 4 = \underline{\underline{5\pi \text{ rad}}}$$

El no de vueltas:

$$5\pi \text{ rad} \times \frac{1 \text{ rev}}{2\pi \text{ rad}} = \frac{5\pi}{2\pi} \text{ rev} = \underline{\underline{2.5 \text{ vueltas}}}$$

b) Cálculo de la aceleración tangencial:

$$\alpha = \frac{a_T}{R}, \quad a_T = \alpha \cdot r = \frac{5\pi}{6} \times 1.25 = \underline{\underline{3.27 \text{ m/s}^2}}$$

Cálculo de la a_N :

$$a_N = \frac{v^2}{R} = \frac{W^2 R^2}{R} = W^2 R = \left(\frac{5\pi}{3}\right)^2 \times 1.25 = \underline{\underline{34.32 \text{ m/s}^2}}$$

La aceleración total:

$$a = \sqrt{a_N^2 + a_T^2} = \sqrt{34.32^2 + 3.27^2} = \underline{\underline{34.48 \text{ m/s}^2}}$$